文章编号:2095-1922(2022)02-0193-09

doi:10.11717/j.issn:2095-1922.2022.02.01

# 基于状态空间法的无柱型类矩形隧道分析模型

王金昌,范卫洲,黄伟明

(浙江大学建筑工程学院,浙江杭州 310058)

摘 要目的推导无柱型类矩形隧道精确解析解,为此类异形隧道的尺寸设计提供 参考。方法基于弹性地基曲梁理论与状态空间法,改变管片的半径布置,对圆形隧 道解析解的接头矩阵项进行修正,并通过有限元与解析方法的对比,验证解析方法的 准确性。结果推导得到了无柱型类矩形隧道在任意荷载与接头分布形式下的精确 解析解;参数分析表明,土弹簧的存在对隧道管片内力与位移发展起抑制作用;仅改 变土弹簧刚度系数大小的情况下,内力与位移最值出现位置相对集中;断面利用率相 同的情况下,宽高比越大的类矩形隧道结构受力越处于劣势,径向收敛位移最大位置 一般为拱顶与拱底部位。结论无柱型类矩形隧道由于形状特殊性尚存在受力缺陷, 可考虑设置中立柱,进一步研究立柱型类矩形隧道的解析解及其适用性。

关键词 无柱型类矩形隧道;衬砌管片;状态空间法;接头模型;解析解

中图分类号 TU451 文献标志码 A

## Structural Analysis of Non-column Quasi-rectangular Shield Tunnel Based on the State Space Method

WANG Jinchang, FAN Weizhou, HUANG Weiming

(College of Civil Engineering and Architecture, Zhejiang University, Hangzhou, China, 310058)

Abstract: Based on the theory of curved beam resting on elastic foundation, using state space method, model of the non-column quasi-rectangular tunnel lining could be established by changing the radius arrangement of circular tunnel. The solution was validated by a comparison with the results of the finite element method and analytical solution. The parameter analyses showed that the soil springs could restrain the development of internal force and displacement of tunnel lining. Changing the stiffness of the soil springs only, the positions of the maximum internal force and displacement were relatively concentrated. Under the same utilization ratio of the section, the tunnel stress was more disadvantageous with a larger aspect ratio. In terms of displacement, the convergence displacement between the arch bottom and vault was the largest, meaning to be most unfavorable monitoring locations. There are some stress defects in the non-column quasi-rectangular tunnel. Thus, quasi-rectangular shield tunnel with column was the key study on next step.

基金项目:国家杰出青年科学基金项目(51825803)

作者简介:王金昌(1974—),男,副教授,博士,主要从事交通基础设施和地下工程等方面研究。

Key words: non-column quasi-rectangular tunnel; lining segment; state space method; joint; analytical solution

盾构隧道是城市交通基础设施建设中重 要的结构型式,伴随城市化进程的加速而成 为地下工程建设的主流。在开挖浅埋隧道 时,圆形盾构隧道因优良的结构受力性能成 为隧道发展的主流,但此种形状的截面有效 利用率较低:矩形隧道虽在断面利用率上占 较大优势,但其发展受限于结构受力变形及 施工工艺。因此,结构形式介于矩形与圆形 间的异形隧道亟待研究与开发。其中,类矩 形是由多段圆弧组合而成,类似于矩形断面 的封闭断面。相比双线单圆隧道,单洞双线 类矩形断面隧道在横向范围内可节省6m左 右的空间:相比单洞双圆隧道,单洞双线类矩 形面隧道在竖向范围内空间节省量在4m左 右,且可不设中立柱,减振降噪也相对较为明 显,在空间布置和使用上具有更大的灵活 性[1]。相比于矩形隧道,可以避免四角的应 力集中,具有更大的承载力。因此,探索类矩 形结构受力的适应性,研究类矩形盾构的关 键技术并逐步积累施工经验,能对城市的地 下建设发展提供巨大的技术支持。

大断面异形衬砌结构设计的难点在于确 定最优的盾构横截面尺寸与断面形式。在设 计环节,获取隧道衬砌管片的内力与变形情 况是隧道结构合理性分析的首要任务。现场 监测法虽然直观,但其信息回馈速率不及模 型试验<sup>[2]</sup>。在试验领域,朱瑶宏<sup>[3]</sup>、柳献<sup>[4]</sup>、 张维熙<sup>[5]</sup>等针对类矩形隧道设计了足尺试 验以获取管片结构特性。在数值模拟领域, 有限元法是隧道结构模拟的重要工具,汤继 新<sup>[6]</sup>、陈金铭<sup>[7]</sup>、邓声君<sup>[8]</sup>等利用 ABAQUS 有限元软件建立了类矩形盾构隧道的三维有 限元模型,模拟分析了类矩形盾构施工引起 的地层变形。有限元虽能够精细分析结构在 复杂荷载、复杂接触下的力学行为,但也由此 降低了分析效率,限制了其在设计阶段的应 用。因此,简化力学分析模型较有限元法更 适用于设计环节。黄伟明等<sup>[9]</sup>基于欧拉曲 梁理论,采用状态空间法<sup>[10]</sup>,得到了弹性地 基上连续曲梁的首末端状态变量传递关系, 并用梁弹簧模型<sup>[11-12]</sup>模拟接头力学行为,最 终得到了圆形盾构隧道的解析解。此种解析 解的方法形式简洁,因便于编程,计算效率非 常高,并且能够模拟任意荷载与接头分布形 式下的管片力学行为。

笔者在黄伟明等对圆形盾构隧道解析研 究的基础上,将各段管片的半径参数差异化, 推导出由多段圆弧组成的无柱型类矩形隧道 精确解析方法。通过 ABAQUS 有限元法对 具体实例进行建模分析,对比解析解结果与 有限元计算结果,验证解析解的准确性,并对 土弹簧进行相应参数分析。最后应用解析法 对几种具有相同断面利用率的类矩形隧道进 行对比分析,研究类隧道的形状特征对其管 片的受力与位移的影响,为类矩形盾构隧道 尺寸设计优化与推广提供依据。

## 1 基本假定

类矩形隧道衬砌在横向是由管片以及管 片间的接头组成的整体环形结构(见图1)。



图 1 衬砌结构分析模型Fig. 1 Model scheme of a segmental lining 主要假定如下:①管片为线弹性材料;

②不同半径管片于衔接处相切;③衬砌变形 为小变形,管片力学行为符合欧拉曲梁理论, 即满足平截面假定;④采用轴向、径向与转动 方向的集中弹簧模拟接头的力学行为;⑤采 用径向与切向的 Winkler 弹簧模拟衬砌和地 层的相互作用。

### 2 类矩形隧道衬砌环解析模型

#### 2.1 弹性地基上的曲梁模型

弹性地基上单个连续曲梁段(段内半径 不变)受力如图 2 所示。其中,衬砌中曲线 半径为 R,管片厚度为 h,A 与 I 分别为截面 的面积和抗弯惯性矩, $\varphi$  为截面转角。由于 存在半径不同的管片段,对于圆心角  $\theta$  的定 义,以拱底为角度起点,段内绕圆心顺时针转 动为正,如此曲梁分段的圆心角为[ $\theta_0$ , $\theta_1$ ]。 因假定不同半径段于衔接处相切,因此绕类 矩形隧道转动一圈仍为 360°。坐标轴 s 轴沿 衬砌中曲线建立,坐标轴 z 轴沿半径辐射方 向建立, $q_s$  与  $q_z$  为沿两个坐标系方向作用在 衬砌上的分布荷载。径向位移记 w,环向位 移记为 u,弯矩记为 M,剪力记为 Q,轴力记为 N,正方向如图 2 所示。Winkler 弹簧的径向 抗力系数和环向抗力系数分别记作  $k_s$  和  $k_s$ 。





Fig. 2 Model diagram of a curved beam resting on elastic foundation

黄伟明等推导了弹性地基上曲梁的状态 方程,参数无量纲化后,方程改写为

$$\frac{\mathrm{d}\,\mathbf{x}}{\mathrm{d}\theta} = \overline{\mathbf{A}}\overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{q}}.\tag{1}$$

其中, x 为无量纲的状态向量; q 为管片的外荷载向量; A 为系统矩阵。计算如下:

$$\bar{\mathbf{x}} = [\bar{w} \ \bar{u} \ \bar{\varphi} \ \bar{Q} \ \bar{N} \ \bar{M}]^{\mathrm{T}};$$

$$\bar{\mathbf{q}} = [0 \ 0 \ 0 \ -\bar{q}_{z} \ -\bar{q}_{s} \ 0]^{\mathrm{T}};$$

$$\bar{\mathbf{A}} = \begin{bmatrix} \bar{\mathbf{B}} & \bar{\mathbf{C}} \\ \bar{\mathbf{D}} & -\bar{\mathbf{B}}^{\mathrm{T}} \end{bmatrix}; \nexists \oplus , \bar{\mathbf{B}} = \begin{bmatrix} 0 \ 1 \ 1 \\ -1 \ 0 \ 0 \\ 0 \ 0 \ 0 \end{bmatrix},$$

$$\bar{\mathbf{C}} = \begin{bmatrix} 0 \ 0 \ 0 \\ 0 \ 1 \ 0 \\ 0 \ 0 \ 1/\bar{I} \end{bmatrix}, \bar{\mathbf{D}} = \begin{bmatrix} \bar{k}_{z} \ 0 \ 0 \\ 0 \ \bar{k}_{s} \ 0 \\ 0 \ 0 \ 0 \end{bmatrix}^{\circ}$$

式中: $s = R\theta$ ,  $\overline{I} = I/(AR^2)$ ,  $w = R\overline{w}$ ,  $u = R\overline{u}$ ,  $N = EA\overline{N}$ ,  $Q = EA\overline{Q}$ ,  $M = EAR\overline{M}$ ,  $\overline{k}_z = \frac{R^2}{FA}k_z$ ,

$$\bar{k}_s = \frac{R^2}{EA}k_s, \bar{q}_z = \frac{R}{EA}q_z, \bar{q}_s = \frac{R}{EA}q_s \circ$$

式(1)有标准解,取 $\theta = \theta_1$ ,得曲梁两端 状态向量 $\bar{x}_0$ 和 $\bar{x}_1$ 之间的传递关系:

 $\bar{x}_1 = \bar{x}(\theta_1) = \bar{T}(\theta_1 - \theta_0)\bar{x}_0 + \bar{f}(\theta_1 - \theta_0).$ (2) 式中:  $\bar{T}$ 为传递矩阵:  $\bar{f}$ 为荷载积分向量。

以单段管片为例,式(2)共有12个未知 数,方程数为6,因此至少需要补充6个边界 条件进行求解。

#### 2.2 接头模型

采用轴向、径向与弯曲三个方向的线性 弹簧来模拟接头。接头两侧力与位移关系为

$$\begin{cases} Q_0^{(j+1)} = Q_1^i = k_w^j \left[ w_0^{(j+1)} - w_1^j \right], \\ N_0^{(j+1)} = N_1^j = k_u^j \left[ u_0^{(j+1)} - u_1^j \right], \\ M_0^{(j+1)} = M_1^j = k_\varphi^j \left[ \varphi_0^{(j+1)} - \varphi_1^j \right]. \end{cases}$$
(3)

式中: $k_{w}^{i}$ 、 $k_{u}^{i}$ 和 $k_{\varphi}^{i}$ 分别表示第j个接头的径 向刚度、轴向刚度和弯曲刚度; $Q_{1}^{i}$ 、 $N_{1}^{i}$ 与 $M_{1}^{j}$ 分别表示第j个接头前后第j段曲梁末端截 面处的剪力、轴力与弯矩; $Q_{0}^{(j+1)}$ 、 $N_{0}^{(j+1)}$ 和 $M_{0}^{(j+1)}$ 分别表示第j个接头前后第j+1段曲 梁始端截面处的剪力、轴力与弯矩。

无量纲化后,接头处的关系为

$$\bar{\boldsymbol{x}}_{0}^{(j+1)} = \bar{\boldsymbol{J}}^{j} \bar{\boldsymbol{x}}_{1}^{j}.$$
(4)

式中: $\vec{x}_{1}^{j}$ 和 $\vec{x}_{0}^{(j+1)}$ 分别表示第 j段曲梁末端截 面和第 j+1段曲梁始端截面的状态向量; $\vec{J}^{j}$ 表示无量纲的接头传递矩阵。 不同于黄伟明等推导的接头矩阵,由于 不同半径管片段在无量纲化时不一致,因此 在无量纲化后的接头传递矩阵中,需要对径 向位移、轴向位移及弯矩相关项进行修正:

$$\bar{\boldsymbol{J}}^{j} = \begin{bmatrix} R_{j} / R_{j+1} & 0 & 0 & 1 / k_{w}^{j} & 0 & 0 \\ 0 & R_{j} / R_{j+1} & 0 & 0 & 1 / \bar{k}_{u}^{j} & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 / \bar{k}_{\varphi}^{j} \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & R_{j} / R_{j+1} \end{bmatrix}.$$
(5)  
$$\vec{\boldsymbol{X}} \div \cdot \vec{k}_{w}^{j} = \frac{k_{w}^{j} R_{j+1}}{EA}, \bar{k}_{u}^{j} = \frac{k_{u}^{j} R_{j+1}}{EA}, \bar{k}_{\varphi}^{j} = \frac{k_{\varphi}^{j}}{EAR_{i+1}} \circ$$

为了将相同半径的管片段分离,方便编 程及后续数值计算,需要人为地对管片进行 分段,从而产生所谓的人工接头,此时接头的 刚度可视为无穷大,即管片间连续(见图3)。





Fig. 3 Transmitting route of state vector

2.3 类矩形隧道衬砌环曲梁模型

按半径将管片衬砌分为 n 段,此时接头 数量为 n。从第一段管片起始端开始传递, 结合单段管片内传递方程式(2)与管片间接 头传递矩阵式(4),即可得到第 n 段管片末 端的状态向量:

 $\overline{\mathbf{x}}_{1}^{n} = \overline{\mathbf{T}}^{n} \overline{\mathbf{x}}_{0}^{n} + \overline{\mathbf{f}}^{n} = \overline{\mathbf{T}}^{n} \overline{\mathbf{J}}^{(n-1)} \overline{\mathbf{x}}_{1}^{(n-1)} + \overline{\mathbf{f}}^{n} = \cdots =$   $H \overline{\mathbf{x}}_{0}^{1} + p. \qquad (6)$   $\overrightarrow{\mathbf{x}} + H = \overline{\mathbf{T}}^{n} \overline{\mathbf{J}}^{(n-1)} \overline{\mathbf{T}}^{(n-1)} \cdots \overline{\mathbf{J}}^{1} \overline{\mathbf{T}}^{1}; p = \overline{\mathbf{T}}^{n} \overline{\mathbf{J}}^{(n-1)} \cdot$   $\overline{\mathbf{T}}^{(n-1)}, \cdots, \overline{\mathbf{T}}^{2} \overline{\mathbf{J}}^{1} \overline{\mathbf{f}}^{1} + \cdots + \overline{\mathbf{T}}^{n} \overline{\mathbf{J}}^{(n-1)} \overline{\mathbf{f}}^{(n-1)} + \overline{\mathbf{f}}^{n} \circ$   $\overrightarrow{\mathbf{x}} + \overrightarrow{\mathbf{x}} = \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} \cdot \mathbf{x} + \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} \cdot \mathbf{x} + \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} \cdot \mathbf{x} + \overline{\mathbf{x}} - \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} \cdot \mathbf{x} + \overline{\mathbf{x}} - \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} - \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} - \overline{\mathbf{x}} + \overline{\mathbf{x}} +$ 

而第一段管片的起始端与第 n 段管片的 末端通过第 n 个接头相连,于是有

$$\bar{x}_{0}^{1} = J^{n} \bar{x}_{1}^{n}$$
. (7)  
将式(7)代入至式(6),可得整环传递的

方程为

$$(\boldsymbol{I} - \boldsymbol{\bar{H}})\boldsymbol{\bar{x}}_{0}^{1} = \boldsymbol{\bar{p}}.$$

$$(8)$$

$$\downarrow \boldsymbol{\bar{H}} = \boldsymbol{\bar{J}}^{n}\boldsymbol{H}; \boldsymbol{\bar{p}} = \boldsymbol{\bar{J}}^{n}\boldsymbol{p}_{\circ}$$

式(8) 是关于 6 个状态向量的代数方 程,进行求解后即可得到第一段管片起始端 截面处的 3 个位移以及 3 个内力。继续利用 式(2) 与式(4) 即可得到管片内任意截面处 的内力及位移。

## 3 数值算例

#### 3.1 模型验证

笔者以张子新等<sup>[13]</sup>针对上海地区第四 层土(粉质黏土)设计的类矩形隧道为例,建 立 Abaqus 有限元模型分析。然后将有限元 结果与文中的解析解进行对比,分析过程中 的模型参数保持一致。管片布置如图 4 所 示,衬砌共由六块管片组成。





由图可知,B1、B3、L1、L2管片分别由不同半径的管片段衔接而成,B2与F管片内半径保持一致。以B1管片为例,其由三段不同半径的管片段组成,各弧段分别以其圆心

对角度 θ 计数, 计数起点为最低点。以此角 度计数, 可得隧道接头的具体位置位于 17.0°、96.5°、169.0°、197.0°、276.5°、 349.0°。因计算分段需要, 衔接处需要设立 人工接头, 位置分别为 21.8°、60.7°、119.3°、 158.2°、201.8°、240.7°、299.3°、338.2°。

衬砌外径由大到小分别为 10.2 m、 5.25 m与1.25 m,衬砌纵向环宽为1.2 m。土 弹簧的径向抗力系数设为  $k_z = 6\ 000\ kPa/m$ , 环向抗力系数  $k_s$  取径向抗力系数的  $1/3^{[14]}$ 。 对于接头弹簧刚度,参考朱叶艇等<sup>[15]</sup>的研 究,类矩形隧道衬砌接头转动刚度在正弯 (内拉)状态下取 1.2 × 10<sup>5</sup> (kN·m)/rad,负 弯(外拉)状态下取 1 × 10<sup>5</sup> (kN·m)/rad,计 算时先暂时统一为正弯刚度;参考闫治国 等<sup>[16]</sup>的接头试验,接头的径向刚度设为  $k_w =$ 2.4 × 10<sup>5</sup> kN/m;一般接头的轴向刚度较大, 因此设为  $k_s = 2 \times 10^7 \text{ kN/m}$ 。

根据图 5 中的加载与埋深情况,各项荷 载分别设置为  $q_1$  = 210.4 kPa,  $q_2$  = 246.9 kPa,  $q_3$  = 168 kPa,  $q_4$  = 114 kPa,  $q_5$  = 12.5 kPa。 ABAQUS 有限元计算时,由于为平面问题, 因此隧道管片采用二维梁单元模拟,管片间 的接头采用两点间弹簧模拟,而土弹簧则采 用接地弹簧模拟。











由轴力、弯矩、径向位移对比结果可知, 参数一致的情况下,文中解析解方法与 ABAQUS有限元法计算结果非常接近。其 中,轴力最大值位于管片 B3,有限元结果与 解析偏差为 0.4%, 轴力最小值位于管片 F, 有限元与解析偏差为 -0.6%。左半环与右 半环弯矩整体呈中心对称分布, 正弯矩最大 值位于管片 F,有限元与解析偏差为 0.4%, 负弯矩最大值位于管片 L1,有限元与解析偏 差为 0.4%。径向位移整体呈中心对称分 布,正径向位移最大值位于 B1 管片与 L1 管 片衔接处的接头位置,有限元与解析偏差为 0.3%, 负径向位移最大值位于拱顶, 有限元 与解析偏差为 0.8%。以上结果均验证了文 中解析解的正确性。

#### 3.2 参数分析

考察土弹簧刚度系数对计算的影响,为 便于分析,假定接头位置分布、管片截面几何 特性、材料参数、衬砌半径以及荷载布置与上 例一致。图 9~图 10 分别给出了衬砌内力 与径向位移最值,以及最值出现位置随土弹 簧径向刚度系数 k, 的变化曲线。



图9 内力与径向位移最值随土弹簧刚度系数变化图





图 10 内力与径向位移最值位置随土弹簧刚度系数变化图

**Fig. 10** Variation of maximum positions of internal force and radial displacement with stiffness coefficient of soil spring 由图 9 和图 10 可以得出: 的抑制趋势占主导,拱顶轴力随即迅速减小。

用更大一些。

(1)管片的最大最小轴力总体随土弹簧 刚度系数的增大而减小,从幅度上来看,轴力 最大值的变化受土弹簧刚度系数的影响更大 一些。轴力最小值有一段不明显的增大段, 推测在土弹簧刚度系数为 10<sup>3</sup>~10<sup>4</sup> kPa/m 内,由于拱顶正弯矩受到较大的抑制作用,限 制了管片 F 接头的转动,而稍许增强了轴力 的传递作用,因此拱顶轴力有所增大。而当 土弹簧刚度系数继续增大时,土弹簧对内力 (2)管片的正负弯矩最值随土弹簧刚度 系数的增大而减小,并逐渐趋向于零,曲线变 化由平缓变得陡直,而后趋于平缓;变化幅度 上,土弹簧刚度系数对正弯矩最值的抑制作

(3)管片径向位移最值随土弹簧刚度系数的增大而减小,并逐渐趋向于零,曲线变化由平缓变得陡直,而后趋于平缓。从变化幅度上看,土弹簧刚度系数对隧道拱顶与拱底

位移的抑制作用更大一些。

(4)轴力最大值基本出现于 B3 管片,参 考角度为 300°~320°,当土弹簧刚度系数足 够大时向内转移至 B2 管片;轴力最小值恒 出现于 F 管片的拱顶附近。

(5)正弯矩最大值基本出现于拱顶附 近,当土弹簧刚度系数足够大时,由于约束作 用占主导,因此整体的弯矩波峰谷趋于缓和, 最值位置转移至 B1 管片。负弯矩最大值相 继出现于 L2、L1 与 B3 管片的小半径段,参 考角度为 240° ± 2°、127 ± 7°、315 ± 2°。

(6)隧道内缩最明显的位置相继出现于 拱顶与拱底;外扩最明显的位置集中于左侧 B1与L1管片的接头处,当土弹簧刚度系数 足够大时,抑制作用占主导,隧道整体的径向 位移趋于零,外扩位置零散分布于左右拱腰 以上位置。

## 4 隧道形状对管片受力的分析

在解析解正确的基础上,进一步研究隧 道形状对地层内管片内力和径向变形的影 响。类矩形隧道沿着隧道边界的半径(*R*<sub>1</sub>、 *R*<sub>2</sub>和*R*<sub>3</sub>)对应状况如图 11 所示。分别给出 表面积近似相同的四组类矩形隧道形状与一 组圆形隧道形状,各结构参数见表1。



表1 各类矩形隧道结构参数表

| Table 1 | Geometrical | parameters of | tunnel | shape case | s |
|---------|-------------|---------------|--------|------------|---|
|         |             |               |        |            |   |

| 工况 | 隧道宽度 B/m 隧道高 | 度 H/m B/H | $R_1/m$ | $R_2/m$ | <i>R</i> <sub>3</sub> /m | 面积/m <sup>2</sup> |
|----|--------------|-----------|---------|---------|--------------------------|-------------------|
| SO | 8.72 8.      | 72 1.000  | 4.36    | 4.36    | 4.36                     | 59.720            |
| S1 | 8.90 8.      | 30 1.072  | 5.55    | 1.00    | 4.60                     | 59.787            |
| S2 | 9.13 7.      | 89 1.157  | 7.09    | 1.23    | 4.81                     | 59.796            |
| S3 | 9.39 7.      | 53 1.247  | 8.50    | 0.96    | 5.07                     | 59.752            |
| S4 | 9.70 7.      | 20 1.347  | 9.95    | 1.00    | 5.35                     | 59.786            |

各组隧道在地下的空间利用率近乎一致时,宽高比反映隧道的扁平程度,其值越大, 类矩形隧道整体越扁。对比分析时,仅改变 隧道的形状特征(*R*<sub>1</sub>、*R*<sub>2</sub> 与 *R*<sub>3</sub>),其余参数 (弹簧刚度、结构接头布置、管片材料、管片 厚度与隧道埋深等)与上例保持一致。由于 半径的变化,衔接段人工接头的角度相应发 生细微变化;由于隧道宽高改变,个别荷载也 会相应改变,在参数分析时将考虑在内。各 隧道内力与径向位移数值见表 2,分别绘制 各工况下的内力曲线与径向位移曲线,结果 如图 12~图 14 所示。

表2 各隧道内力与径向位移结果

Table 2 Results of structural forces and radial displacement induced in the tunnel lining

|            | 弯矩                            |                  |                |                  |                    |                  |               |                  | 径向位移               |                  |                    |                  |
|------------|-------------------------------|------------------|----------------|------------------|--------------------|------------------|---------------|------------------|--------------------|------------------|--------------------|------------------|
| 工况         | M <sub>max</sub> /            | 同 S <sub>0</sub> | $M_{\rm min}/$ | 同 S <sub>0</sub> | N <sub>max</sub> / | 同 S <sub>0</sub> | $N_{\rm min}$ | 同 S <sub>0</sub> | w <sub>max</sub> / | 同 S <sub>0</sub> | w <sub>min</sub> / | 同 S <sub>0</sub> |
|            | $(kN\!\boldsymbol{\cdot}\!m)$ | 倍率               | $(kN \cdot m)$ | 倍率               | kN                 | 倍率               | kN            | 倍率               | mm                 | 倍率               | mm                 | 倍率               |
| S0         | 56.18                         | —                | - 62. 57       | —                | -1 147.51          | —                | -1 436.73     | —                | 0.18               | —                | -0.97              | —                |
| S1         | 112.96                        | 2.01             | - 199. 44      | 3.19             | -1 104.11          | 0.96             | -1 373.82     | 0.96             | 0.82               | 4.56             | -2.75              | 2.84             |
| S2         | 251.02                        | 4.47             | - 318. 13      | 5.08             | -1 081.24          | 0.94             | -1 360.27     | 0.95             | 3.34               | 18.56            | -6.21              | 6.40             |
| <b>S</b> 3 | 346. 92                       | 6.18             | -415.76        | 6.64             | -1 045.21          | 0.91             | -1 345.44     | 0.94             | 4.69               | 26.06            | - 8.66             | 8.93             |
| <b>S</b> 4 | 434.36                        | 7.73             | - 482. 03      | 7.70             | - 1 009.01         | 0.88             | -1 323.60     | 0.92             | 5.92               | 32. 89           | -11.10             | 11.44            |



Fig. 12 Comparison of axial forces in each group



Fig. 13 Comparison of bending moments in each group



Fig. 14 Comparison of radial displacements in each group

从图 12~图 14 和表 2 可以看出,与圆 形隧道相比,类矩形隧道中产生的结构力与 径向位移均更大。随着宽高比 B/H 的增加, 拱顶与拱底处轴力有减小趋势,S4 型类矩形 隧道的最小轴力为1 009.01 kN,约为圆形隧 道最小轴力的0.88 倍。对应 S1~S4 工况, 隧道大半径 *R*<sub>1</sub> 增加,拱顶与拱底的起拱逐渐 缓和,因此减小了轴力的传递。而拱顶与拱 底的弯矩呈增大趋势,S4 类矩形隧道的最大 正弯矩为 434.36 kN·m,约为圆形隧道最大 正弯矩的 7.73 倍。同时,相较于圆形隧道, 类矩形隧道在小半径 *R*<sub>2</sub> 段会产生较大的负 弯矩, S4 类矩形隧道的最大负弯矩达到 – 482.03 kN·m。研究发现,负弯状态下的接 头刚度会有所削弱,接头刚度本身也随接头 工作状态呈非线性变化,因此若将接头的变 化考虑其中,无柱型类矩形隧道的结构受力 将更不利。

随宽高比 *B/H* 的增加,拱顶、拱底与拱 腰的位移均相应增加,S4 型类矩形隧道于拱 顶附近的负径向位移达到约 – 11.10 mm,拱 腰处的正径向位移达到约 5.92 mm,隧道整 体变形有竖缩和横扩趋势。在盾构法隧道结 构服役性能鉴定与隧道结构安全控制中,横 断面相对收敛均是重要的控制指标。对应径 向收敛值最大的 S4 型类矩形隧道,在此种加 载模式下,隧道拱顶与拱底轴线的相对收敛 达到了 22 mm,参考相应隧道保护标准,通常 会将此种结构状况判定为 II 类,即结构损伤 较为严重。若直接投入地下使用,将会带来 较大的安全隐患。

#### 5 结 论

(1)土弹簧对隧道变形起抑制作用,随 弹簧刚度增大,管片衬砌的内力与变形均逐 渐减小。对于文中案例的类矩形隧道,荷载 模式一致情况下,弹簧刚度在一定范围内,内 力与位移最值出现的位置较为集中。

(2)通过隧道形状对管片行为的分析得 到,在空间利用率相近的情况下,类矩形隧道 的宽高比越大,管片衬砌产生的轴力整体有 减小趋势,而弯矩与径向位移整体有增大趋势,管片外观的收敛变形更为明显。

(3)无柱型类矩形隧道因其特殊形状带 来的结构受力上的劣势不可忽视,将其投入 地下空间使用存在较大风险。未来可考虑通 过增强管片自身的强度、提高接头刚度、设中 立柱等方式提高可行性。

#### 参考文献

- [1] 朱瑶宏,朱雁飞,黄德中,等.类矩形盾构法 隧道技术的开发与应用[J].现代隧道技术, 2016,53(增刊1):1-12. (ZHU Yaohong,ZHU Yanfei,HUANG Dezhong, et al. Development and application of the technical system for quasi-rectangular shield tunneling [J]. Modern tunneling technology, 2016,53(S1):1-12.)
- [2] 叶友林,路志旺. 砂砾地层浅埋盾构隧道开挖 对地表变形的影响[J]. 沈阳建筑大学学报 (自然科学版),2021,37(6):1064-1072.
   (YE Youlin,LU Zhiwang. Impact of shallowburied shield tunneling in sand-gravel strata on

surface deformation [J]. Journal of Shenyang jianzhu university (natural science), 2021, 37 (6):1064 – 1072.)

[3] 朱瑶宏,朱雁飞,叶宇航,等.类矩形盾构隧道 衬砌结构受力性能的足尺试验研究[J].现代 隧道技术,2016,53(增刊1):108-117.

(ZHU Yaohong, ZHU Yanfei, YE Yuhang, et al. Full-scale experiment study on mechanical behavior of quasi-rectangular shield tunnel lining [J]. Modern tunneling technology, 2016, 53 (S1):108 – 117.)

[4] 柳献,叶宇航,刘震,等.类矩形盾构隧道结构 整体安全性试验与分析[J].中国公路学报, 2017,30(8):164-173.

(LIU Xian, YE Yuhang, LIU Zhen, et al. Experiment and analysis on overall safety of quasi-rectangular shield tunnel structure [J]. China journal of highway and transport, 2017, 30(8):164-173.)

[5] 张维熙,董子博,柳献,等. 类矩形盾构隧道错 缝管片环间传力性能研究[J]. 铁道科学与工 程学报,2017,14(12):2636-2643.
(ZHANG Weixi, DONG Zibo, LIU Xian, et al. Experimental study on the force-transfer property of the circumferential joints in quasi-

rectangular shield tunnel under the staggered assembling [J]. Journal of railway science and engineering, 2017, 14(12):2636 - 2643.)

- [6] 汤继新,王柳善,季昌,等.类矩形土压平衡盾 构掘进引起的地层变形三维数值分析[J].华 东交通大学学报,2016,33(1):9-15.
  (TANG Jixin, WANG Liushan, JI Chang, et al. Three-dimensional numerical analysis of ground deformation induced by quasi rectangle EPB shield tunneling [J]. Journal of east China jiaotong university,2016,33(1):9-15.)
- [7] 陈金铭,季昌,周顺华,等. 软土地区类矩形土 压平衡盾构隧道施工期地层沉降规律[J]. 现 代隧道技术,2016,53(增刊1):257 - 264. (CHEN Jinming, JI Chang, ZHOU shunhua, et al. Settlement law of stratum ground area during construction period of quasi-rectangular EPB shields [J]. Modern tunneling technology,2016,53(S1):257-264.)
- [8] 邓声君,肖广良,胡向东,等.类矩形盾构隧道 数值模拟研究及若干施工因素分析[J].现代 隧道技术,2016,53(增刊1):232-239.

( DENG Shengjun, XIAO Guangliang, HU

Xiangdong, et al. Numerical simulation and analysis of construction factors affecting quasi-rectangular shield tunneling [J]. Modern tunneling technology, 2016, 53 (S1); 232 – 239.)

- [9] 黄伟明,王金昌,徐日庆,等.基于弹性地基曲梁理论的盾构隧道管片分析方法[J].浙江大学(工学版),2020,54(4):787-795. (HUANG Weiming, WANG Jinchang, XU Riqing, et al. Structural analysis of shield tunnel lining using the theory of curved beam resting on elastic foundation [J]. Journal of Zhejiang university(engineering science),2020,54(4):787-795.)
- [10] 姚伟岸,钟万勰. 辛弹性力学[M]. 北京:高等 教育出版社,2002.
  (YAO Weian, ZHONG Wanxie. Symplectic elasticity [M]. Beijing: Higher Education Press,2002.)
- [11] 朱合华,陶履彬. 盾构隧道衬砌结构受力分析的梁-弹簧系统模型[J]. 岩土力学,1998,19
  (2):26-32.
  (ZHU Hehua, TAO Lubin. Study on two beam-spring models for the numerical analysis of segments in shield tunnel [J]. Rock and soil mechanics,1998,19(2):26-32.)
- [12] LEE K M, HOU X Y, GE X W, et al. An analytical solution for a jointed shield-driven tunnel lining [J]. International journal for numerical and analytical methods in geomechanics, 2001, 25(4):365 - 390.
- [13] 张子新,朱叶艇,朱雁飞,等.1:1 站立式大断面异形盾构管片力学试验系统的研发与应用[J]. 岩石力学与工程学报,2017,36(12):2895-2905.
  (ZHANG Zixin, ZHU Yeting, ZHU Yanfei, et al. Development and application of a 1:1 mechanical test system for special-shaped shield lining with a large cross-section [J]. Chinese journal of rock mechanics and engineering,2017,36(12):2895-2905.)
- [14] DO N A, DIAS D, ORESTE P, et al. A new numerical approach to the hyperstatic reaction method for segmental tunnel linings [J]. International journal for numerical and analytical methods in geomechanics, 2014, 38 (15):1617 1632.
- [15] 朱叶艇,朱雁飞,张子新,等. 异形盾构隧道衬砌结构计算模型和受力特征研究[J]. 岩土 工程学报,2018,40(7):1230-1236.
  (ZHU Yeting,ZHU Yanfei,ZHANG Zixin, et al. Computational model and mechanical characteristics of linings of special-shaped shield tunnels [J]. Chinese journal of geotechnical engineering,2018,40(7):1230-1236.)
- [16] 闫治国,彭益成,丁文其,等.青草沙水源地原水 工程输水隧道单层衬砌管片接头荷载试验研究
  [J].岩土工程学报,2011,33(9):1385 - 1390.
  (YAN Zhiguo, PENG Yicheng, DING Wenqi, et al. Load tests on segment joints of single lining structure of shield tunnel in Qingcaosha water conveyance project [J]. Chinese journal of geotechnical engineering, 2011, 33 (9): 1385 - 1390.)

(责任编辑:杨永生 英文审校:刘永军)