文章编号:2095-1922(2021)02-0296-07

doi:10.11717/j.issn:2095-1922.2021.02.13

# BP 神经网络和曲率模态理论在桥梁损伤 识别中的应用

包龙生1,曹 悦1,2,赵 宁3,孟宪彪4,张筱薇1

(1. 沈阳建筑大学交通工程学院, 辽宁 沈阳 110168; 2. 沈阳建筑大学土木工程学院,

辽宁 沈阳 110168;3. 山东省交通科学研究院,山东 济南 250100;

4. 中铁十九局集团轨道交通工程有限公司,北京 101300;)

摘 要目的研究桥梁结构损伤识别指标,探讨结合 BP 神经网络理论开发程序对桥 梁结构损伤位置及损伤程度智能输出的可行性。方法 对桥梁数值模拟,建立有限元 模型并进行模态分析,得到损伤前后的模态数据;将模态数据曲率化后结合桥梁结构 的损伤指标作为输入及输出变量,以输入变量与输出变量建立非线性映射关系;将大 量损伤模态数据随机构成训练集及测试集,利用训练集对神经网络进行训练,训练精 度设置为 10<sup>-3</sup>,学习率设置为 0.01,后应用测试集数据对训练后神经网络的损伤识 别效果进行验证。结果 所开发程序对于简支梁及连续梁两种常见桥型的结构的损 伤位置识别较为准确,对于结构损伤程度的预测值与真实值拟合程度可达 0.97。 结论 该损伤识别程序可对简支梁及连续梁两种常见形式的桥梁结构损伤进行智能 识别与预测且识别效果较好,具有一定可行性。

关键词 桥梁健康监测;神经网络;曲率模态;损伤识别;损伤评估

中图分类号 TU997;U446 文献标志码 A

# Application of BP Neural Network and Curvature Mode Theory in Bridge Damage Identification

# BAO Longsheng<sup>1</sup>, CAO Yue<sup>1,2</sup>, ZHAO Ning<sup>3</sup>, MENG Xianbiao<sup>4</sup>, ZHANG Xiaowei<sup>1</sup>

(1. School of Transportation Engineering, Shenyang Jianzhu University, Shenyang, China, 110168; 2. School of Civil Engineering, Shenyang Jianzhu University, Shenyang, China, 110168; 3. Shandong Academy of Transportation Sciences, Ji' nan, China, 250100; 4. China Railway 19th Bureau Group Rail Transit Engineering Co. Ltd., Beijing, China, 101300)

Abstract: This paper was proposed in order to study damage identification index of bridge

收稿日期:2020-10-15

**基金项目:**"十三五"国家重点研发计划重点专项基金项目(2018YFC0809600,2018YFC0809606);辽宁省 重点研发计划指导计划基金项目(2018416028);沈阳市建委城乡系统科研项目(201904) 作者简介:包龙生(1971—),男,教授,博士,主要从事桥梁检测、桥梁监测方面研究。 structure, and discuss the feasibility of intelligent output of damage location and damage degree of bridge structure by developing program based on BP neural network theory. The paper firstly establishes the finite element model of bridge and carries out modal analysis to obtain the modal data before and after damage, then takes the curvature of modal data and damage index of bridge structure as input and output variables. Then, the non-linear mapping relationship between input variable and output variable is established, and a large number of damage mode data are randomly constituted into training set and test set. The training set is used to train the neural network, with the training accuracy set to  $10^{-3}$  and the learning rate set to 0. 01. Finally, the damage identification effect of the trained neural network is verified by the test set data. The result shows that the developed program is more accurate for damage location identification of two common bridge types, simple-supported beam and continuous beam. The predicted value and true value of damage degree can reach 0. 97. The damage identification program can intelligently identify and predict bridge structural damage of simple-supported beam and continuous beam, and has a good identification effect, so it is feasible.

Key words: bridge health monitoring; neural network; curvature mode; damage identification; damage assessment

近年来,国内老旧桥梁倒塌事故频频发 生,给社会带来了重大人员财产损失,因此桥 梁全寿命周期内的安全问题越来越受到人们 的重视<sup>[1]</sup>。为了避免此类事故的发生,如何 实时准确地了解桥梁结构的状态并评判其安 全性是桥梁管理部门核心要务。桥梁健康监 测系统能够满足桥梁管理管理部门的需求. 但起初受到传感器精度、环境、稳定性等因素 的制约而未能广泛使用,后随着传感器技术 的飞速发展,桥梁健康监测的精度和准确性 大幅提高,越来越多的桥梁配备了桥梁健康 监测系统<sup>[2-5]</sup>。桥梁健康监测系统应用范围 的拓宽使桥梁健康监测逐渐成为土木工程学 科中一个比较重要的研究领域[6-7]。桥梁在 运营时伴随着各式各样的荷载和环境影响. 会给结构带来不同程度的损伤。

当结构发生损伤时,一般会伴随着截面破 损,甚至材料弹性模量的退化,如何在桥梁健 康监测系统产生的大量数据中抓取有效的损 伤指标是非常重要的。频率<sup>[8]</sup>和阻尼比常常 会被作为评判结构是否发生损伤的指标,但通 过对大量桥梁动载试验结果分析后,发现当桥 梁未发生一定程度的结构性损伤时,频率及阻 尼比并没有明显的变化,识别效果不明显<sup>[9]</sup>。 而基于结构动力特性的指标,如振型、曲率模态、应变模态等<sup>[10-12]</sup>进行结构损伤识别时相比于频率和阻尼比,具有更好的敏感性<sup>[13-17]</sup>。

桥梁结构在进行健康监测时往往会采集 大量的数据,在大量数据中能够快速分析出结 果对于实际工程快速定损有很大的意义。人 工神经网络作为一种基于仿生学理论的信息 处理系统,可模仿人类大脑对外界信息进行处 理,因其对信息处理的并行性、自学性、自组性 及鲁棒性等优势,近些年被广泛应用于土木工 程等相关领域<sup>[18]</sup>。应用大量测试数据对神经 网络进行训练,可代替人工进行运算,从而快 速地识别损伤位置及程度。张强等<sup>[19]</sup>通过 BP 神经网络系统对截齿磨损程度类型进行准 确监测及识别。王柏生、郭杏林等<sup>[20-21]</sup>通过 使用固有频率结合神经网络对结构发生的损 伤进行验证,获得了比较理想的结果。

基于此,笔者使用专业编程软件编写程 序,与有限元数值模拟数据直接对接,应用模 态数据曲率化数据集对 BP 神经网络进行训 练,再通过训练后的 BP 神经网络对结构损 伤进行预测,最后结合最常见的两种桥型对 该程序进行验证。研究表明:笔者开发的程 序可以对桥梁的损伤进行很好地识别及预 测,并可以智能输出。

1 基本理论与假设

## 1.1 曲率模态理论

在桥梁结构中,主梁作为主要受力构件, 一般为受弯构件,主要以弯曲变形为主,其余 变形如剪切变形可忽略不计。因此通过对虚 功原理进行简化,其挠度表达式:

$$y = \frac{1}{EI} \int M_i(x) n M_i(x) n ds. \qquad (1)$$

图 1 为桥梁挠曲线示意图,其中 θ 为转 角,y<sub>i</sub> 为挠度,曲线曲率公式为

$$\frac{1}{\rho(x)} = \pm \frac{y''}{\left[1 + (y')^2\right]^{\frac{3}{2}}}.$$
 (2)

式中: $\rho(x)$ 为曲率半径。

式(2)可转化为

$$\frac{1}{\rho(x)} = y''. \tag{3}$$

梁内截面处弯矩与挠度有如下关系:

$$\frac{EI}{o(x)} = -M(x). \tag{4}$$

结合式(3)、式(4)可得出:

$$y'' = \frac{1}{\rho(x)} = \frac{M(x)}{EI}.$$
 (5)



图1 挠曲线示意图



## 1.2 BP 神经网络

由式(5)可知主梁上某一点的曲率与其 对应的刚度成反比,所以结构的刚度一旦发 生变化,便可以通过曲率反映出来<sup>[22]</sup>。

在实际工程结构中,通常会在主梁上预 先布置各类传感器,如 GPS 传感器、北斗传 感器或其他位移传感器来配合采集系统实时 采集结构的振动情况<sup>[23]</sup>,即采集桥梁测点在 某一时刻的位移  $\delta(x_i)$ ,经计算后便可得到 结构整体的位移阵型  $\delta$ ,公式如下:

 $\delta = [\delta(x_1) \delta(x_2) \cdots \delta(x_i) \cdots \delta(x_{n-1}) \\ \delta(x_n)].$ (6)

式中:i为布置传感器的个数。

曲率模态 ρ(x<sub>i</sub>)可由位移阵型中心差分 法求得,其计算公式:

$$\rho(x_i) = \frac{\delta(x_{i-1}) - 2\delta(x_i) + \delta(x_{i+1})}{l_{i-1,i}l_{i,i+1}}.$$
 (7)

式中: $l_{i-1,i}$ 为传感器 i - 1 到 i 的距离; $l_{i,i+1}$ 为 传感器 i 到 i + 1 的距离。

实际计算时通常对曲率模态数据进行归 一化处理,从而使损伤指标更加敏感。 BP 神经网络通过对人类大脑中的神经 元应对外部刺激反应的模仿,建立多层感知 模型,通过对信号进行正方向的传递,得到误 差后再反向进行调节,不断地进行迭代试错 学习,最终形成能够处理非线性信息的智能 网络模型<sup>[24]</sup>:

$$y_{k} = \sum_{j=1}^{n_{1}} \omega_{kj}^{2} f(\sum_{i=1}^{n_{2}} \omega_{ji}^{1} x_{i} + b_{j}) . \qquad (8)$$

式中: $x_k$  为第 k 个输入; $y_k$  为第 k 个输出; $\omega_{kj}^2$ 为第 2 层(隐含层)j 号神经元到输出层的 k号神经元的权值; $f(\cdot)$  为隐含层神经元的传 递函数; $\omega_{ji}^1$ 为第 1 层(输入层)的 i 号神经元 到隐含层的 j 号神经元的权值; $b_j$  为隐含层 的 j 号神经元的偏置值; $n_1$  为输入层神经元 数目; $n_2$  为隐含层神经元数目。

搭建好神经网络模型后,将模态参数作 为神经网络的输入变量,以结构损伤指标为 输出变量,利用神经网络的训练自学能力,使 神经网络掌握输入变量与输出变量之间的非 线性映射,从而实现损伤评估。

第37卷

基于上述理论,桥梁结构损伤识别的流 程如图2所示。



图 2 BP 神经网络结构损伤识别的流程图

Fig. 2 Flow chart of structural damage identification based on BP neural network

# 2 数值模拟与分析

分别对常见的两种桥梁结构进行仿真分 析,验证该方法的可行性。编制的程序部分 核心代码如下:

load data\_data. mat

damage\_curvature\_Mode = diff( damage\_ mode,2)/x

```
undamage _ curvature _ Mode = diff
(undamage_mode,2)/x
```

temp = randperm(size(damage\_mode,1));

P \_ train = damage \_ mode ( temp ( 1: n),:)';

T\_train = degree\_of\_damage(temp(1: n),:)';

•••

figure

plot(1:N,T\_test,'b: \*',1:N,T\_sim,'r-

```
o')
```

legend('真实值','预测值')

xlabel('预测样本')

ylabel('损伤程度')

string = { '测试集损伤程度预测结果对 比';[ 'R<sup>2</sup> = ' num2str(R2) ] };

title(string)

bar3(curvature\_difference)

xlabel('测试集编号');ylabel('节点编

号');zlabel('曲率模态差')

## 2.1 简支结构模拟

案例1:以某简支梁桥结构为研究对象, 简支梁结构总长10m,整桥划分20个单元, 材料弹性模量为3.45×10<sup>4</sup> MPa。预设损伤 时考虑到实际工程中一阶模态较易采集,因 此仅仅采用一阶模态数据进行仿真分析。预 设损伤程度为5%~20%,损伤设置为单一 损伤,损伤模拟采用刚度折减实现,损伤位置 从2号单元至19号单元依次对每个单元设 置单一损伤,共得到72组数据。简支梁结构 简图见图3。

			50 cm. ⊀≯
<u>⊧⊸1234</u>	5678	9 10 11 12 13 14 15 16 17	181920 🗌 🛊
		1 000 cm	100 cm
			-1
	图 3	间文架结构间图	

Fig. 3 Simple beam structure diagram

再利用 Matlab 软件编制程序,对神经网 络参数进行设置,迭代次数设置为1000次, 训练精度设置为10<sup>-3</sup>,学习率设置为0.01。 通过案例1模态分析得到的72组训练集经 开发的程序进行随机打乱次序处理,乱序后 训练集中的输入变量与输出变量依然一一对 应。取前60组数据集作为训练集,取剩余 12组数据集作为测试集,经运算后输出的结 果及图形如图4、图5所示。



够自动输出每个测试集的损伤位置。三维柱状 图中不同高度的 Z 坐标对应不同的损伤程度, 分别对应图 5 中 12 组测试集的损伤真实值。





由图 5 可以看出,经过训练后的神经网 络可对测试集损伤程度进行预测并输出。其 中,真实值为提前预设的刚度损伤程度。如 将结构单元划分更细致,图 5 中损伤处的 Z 坐标会更加突出。

#### 2.2 连续梁桥数值模拟

案例2:以某3 跨等截面预应力混凝土 连续梁桥为研究对象,桥梁全长为106 m,跨 径布置为30 m+46 m+30 m。主梁混凝土 采用 C50 标号,桥梁纵、横断面如图6 所示。 混凝土弹性模量为3.45×10<sup>4</sup> MPa。桥梁有 限元模型共划分106 个单元,损伤模拟采用 刚度折减实现。应用较为容易采集的一阶模 态数据进行分析。由于该桥单元划分多,故 仅在第一边跨及中跨设置结构损伤,损伤





位置选取表1中单元范围内的偶数单元进行 设置。经整理,一共为84组数据集,损伤程 度如表1所示。

表1 损伤程度表

Table 1	Damage	degree	table
---------	--------	--------	-------

损伤程度/%	损伤位置
10	单元 6~单元 24;单元 36~单元 70
15	单元 6~单元 24;单元 36~单元 70
20	单元 6~单元 24;单元 36~单元 70

通过程序对 24 组测试集进行运算,输出 结果如图 7、图 8 所示。



图7 连续梁测试集数据曲率模态柱状图

Fig. 7 Curvature mode histogram of continuous beam test set data



由图 7 可以看出,24 组测试集原预设损 伤单元处均存在柱状激凸,可以自动输出每 个测试集的损伤位置。三维柱状图中不同高 度的 Z 坐标对应不同的损伤程度,分别对应 图 8 的 24 组测试集的损伤真实值。由图 8 可以看出,柱状图的方向有正有负,这是因为 连续梁的振型在不同的跨得到的模态参数方 向不同,当发生损伤时或大于未损伤,或小于 未损伤,通过差值即存在正负不同现象。三 维柱状图中测试集数量较多提取前两组测试 集数据如图 9 所示。



由图9可以看出,原预设损伤处波形出 现非常明显的激凸,可以准确识别出损伤的 位置。

经对比发现,连续梁桥损伤识别的效果

较简支梁略差,是由于未对所有单元损伤数 据均进行神经网络训练导致。如果增设训练 集密度,可显著提高预测效果,预测更精准。

# 3 结 论

(1)将模态数据曲率化作为损伤指标是 可行的,并具有一定的敏感性,且结合神经网 络后可对桥梁结构损伤位置及程度进行准确 识别。

(2)通过有限元仿真模拟结果对所开发 程序进行验证,该程序对于简支梁及连续梁 两种常见桥型结构的损伤位置识别较为准 确,对于损伤程度的预测值与真实值拟合程 度可达 0.97,可见该程序对结构损伤识别具 有一定可行性。

(3)该方法未来可结合桥梁健康监测并 代替人工进行反复冗杂数据分析处理,自动 输出结果,规避计算错误等情况。

# 参考文献

- [1] 李宏男,李东升.土木工程结构安全性评估、 健康监测及诊断述评[J].地震工程与工程 振动,2002(3):82-90.
  (LI Hongnan, LI Dongsheng. Safety assessment, health monitoring and diagnosis of civil engineering structures [J]. Earthquake engineering and engineering vibration, 2002 (3):82-90.)
- HEDEGAARD B D, FRENCH C E W, SHIELD C. Kime-dependent monitoring and modeling of I-35W St. Anthony falls bridge. I: analysis of monitoring date [J]. Journal of bridge engineering, 2017, 22(7):04017025.
- YU Sheng, OU Jinping. Structural health monitoring and model updating of Aizhai suspension bridge [J]. Journal of aerospace engineering, 2017, 30(2): B4016009.
- [4] SUNARYO S, YOSHIMASA M, MASARU K, et al. Long-term structural health monitoring of the crowchild trail bridge[J]. Canadian journal of civil engineering, 2008, 2(35):179 – 189.
- [5] ZAURIN R, KHUC T, CATBAS F N. Hybrid sensor-camera monitoring for damage detection: case study of a real bridge [J]. Journal of bridge engineering, 2016, 21 (6): 1-13.
- [6] KENNETH K W, BRENDAN T K, ERIC P S. Damage identification for prestressed adjacent box-beam bridges [J]. Advances in civil engineering, 2014(1):124 – 139.

- ZHU Hongping, YU Jing, ZHANG Junbing. A summary review and advantages of vibration-based damage identification methods in structural health monitoring [J]. Engineering mechanics, 2011, 28(2):1-11.
- [8] SALAWU O S. Detection of structural damage through changes in frequency: a review [J]. Engineering structures, 1997, 19(9):718-723.
- [9] 唐贺强,沈锐利. 简支梁桥有载频率分析[J]. 西南交通大学学报,2004,39(5):628-632.
   (TANG Heqiang, SHEN Ruili. Analysis of loaded frequency of simply-supported beam bridge [J]. Journal of southwest jiaotong university, 2004,39(5):628-632.)
- [10] 常军.基于曲率模态的钢筋混凝土梁多点损 伤位置识别[J].建筑科学与工程学报,2006, 23(4):24-27.

( CHANG Jun. Multi point damage location identification of reinforced concrete beams based on curvature mode [ J ]. Journal of architectural science and engineering, 2006, 23 (4):24 – 27. )

[11] 王成强,陈怀海,姜双燕.基于转角模态曲率的损伤识别研究[J].海军航空工程学院学报,2009,24(3):24-27.
 (WANG Chengqiang, CHEN Huaihai, JIANG Shunguan, Demons identification, head, on

Shuangyan. Damage identification based on corner mode curvature [J]. Journal of naval institute of aeronautical engineering, 2009, 24 (3):24 - 27.)

[12] 赵俊,程良彦,马宏伟.基于曲率模态的拱板 结构损伤识别[J].暨南大学学报(自然科学 版),2009,29(5):470-476.

(ZHAO Jun, CHENG Liangyan, MA Hongwei. Damage identification of arch plate structure based on curvature mode [J]. Journal of Ji'nan university (natural science edition), 2009, 29 (5):470 – 476.)

[13] 李德葆,陆秋海,秦权.承弯结构的曲率模态 分析[J].清华大学学报(自然科学版), 2002,42(2):224-227.

(LI Debao, LU Qiuhai, QIN Quan. Curvature modal analysis of flexural structures [J]. Journal of Tsinghua university (natural science edition), 2002, 42(2):224 – 227.)

- [14] 邓炎. 桥梁动态测试技术与系统研究[D]. 北京:清华大学. 2000.
  (DENG Yan. Bridge dynamic testing technology and system research [D]. Beijing: Tsinghua University, 2000.)
- [15] 郑明刚,刘天雄,朱继梅,等.曲率模态在桥梁 状态监测中的应用[J].振动与冲击,2000,19
   (2):81-83.

(ZHENG Minggang, LIU Tianxiong, ZHU Jimei, et al. Application of curvature mode in bridge condition monitoring [J]. Vibration and

shock, 2000, 19(2): 81 - 83.)

- [16] KIM J T, RYU Y S, CHO H M, et al. Damage identification in beam-type structures: frequency-based method vs mode-shape-based method [J]. Engineering structures, 2003, 25 (1):57-67.
- [17] 蒙彦宇,阎石,孙威,等. 压电混凝土梁主动健 康监测试验[J]. 沈阳建筑大学学报(自然科 学版), 2011, 27(2):253-259.
  (MENG Yanyu, YAN Shi, SUN Wei, et al. Experimental research on active health monitoring of PZT concrete beam[J]. Journal of Shenyang jianzhu university (natural science), 2011, 27(2):253-259.)
- [18] ABIODUN O I, JANTAN A, OMOLARA A E, et al. State-of-the-art in artificial neural network applications: a survey [J]. Heliyon, 2018,4(11):e00938.
- [19] 张强,刘志恒,王海舰,等. 基于 BP 神经网络的截齿磨损程度在线监测[J].中国机械工程,2017,28(9):1062-1068.
  (ZHANG Qiang, LIU Zhiheng, WANG Haijian, et al. On line monitoring of pick wear based on BP neural network [J]. China mechanical engineering,2017,28(9):1062-1068.)
- [20] 郭杏林,陈建林. 基于神经网络技术的结构损伤探测[J].大连理工大学学报,2002(3):269-273.
  (GUO Xinglin, CHEN Jianlin. Structural damage detection based on neural network technology [J]. Journal of Dalian university of technology,2002(3):269-273.)
- [21] 王柏生,倪一清,高赞明. 框架结构连接损伤 识别神经网络输入参数的确定[J]. 振动工 程学报,2000(1):141-146.
  (WANG Baisheng,NI Yiqing,GAO Zanming. Determination of input parameters of neural network for damage identification of frame structures [J]. Journal of vibration engineering,2000(1):141-146.)
- [22] AIDCER L V, MERVYN J K. Relationship between strain curvature and drift in reinforced concrete moment frames in support of performance-based seismic design [J]. Aci structural journal,2010,107(3):291.
- [23] CHAE M J, YOO H S, KIM J Y, et al. Development of a wireless sensor network system for suspension bridge health monitoring
   [J]. Automation in construction, 2012, 21: 237 - 252.
- YAO Zhihong, FEI Minrui, LI Kang, et al. Recognition of blue-green algae in lakes using distributive genetic algorithm-based neural networks [J]. Neurocomputing, 2007, 70: 641-647.

(责任编辑:刘春光 英文审校:范丽婷)